

(Đề gồm 02 trang)

Bài 1. (1,5 điểm)

Cho hai biểu thức :

$$A = \sqrt{27} - \sqrt{12} - \sqrt{(\sqrt{3} - 1)^2} \text{ và } B = \left(\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x+2}} + \frac{2}{\sqrt{x-2}} \right) \cdot \frac{\sqrt{x+2}}{x+4} \text{ với } x \geq 0 \text{ và } x \neq 4$$

a. Rút gọn biểu thức A và B.

b. Tìm giá trị của x để $B < 1-A$

Bài 2. (1,5 điểm)

1) Giải hệ phương trình:
$$\begin{cases} \frac{3}{x} - \sqrt{y} = -9 \\ \frac{1}{x} + 2\sqrt{y} = 4 \end{cases}$$

2) Trong dịp tết Nhâm Dần bà Lan có bán x quả bưởi, quả bưởi đầu tiên bà bán với giá 30 000 đồng, số bưởi còn lại bà bán với giá 25 000 đồng một quả.

a, Nếu gọi y là số tiền mà bà Lan thu được sau khi bán x quả bưởi. Em hãy viết hàm số biểu thị mối liên hệ giữa y và x.

b, Sau khi bán số bưởi bà Lan thu được số tiền là 5 380 000 đồng . Em hãy tìm số quả bưởi bà Lan đã bán?

Bài 3. (2,5 điểm)

1. Cho phương trình bậc hai $x^2 - 2(m + 1)x + 4m = 0$ (1) (m là tham số)

a) Giải phương trình với $m = 0$

b) Tìm giá trị của m để phương trình có hai nghiệm phân biệt x_1, x_2 thỏa mãn:
 $x_1^2 + 2(m + 1)x_2 = 4$

2. Quãng đường từ A đến B dài 90 km. Vào lúc 6 giờ, một người đi xe máy từ A đến B. Khi đến B người đó giải quyết công việc trong 30 phút sau đó quay trở về trên quãng đường cũ và đến A lúc 11 giờ. Tính vận tốc của người đó khi đi từ A đến B biết rằng vận tốc lúc về nhanh hơn lúc đi là 9km/h.

Bài 4. (0,75 điểm)

Đề bơm nước vào một thùng hình trụ có chiều cao 1,2 m và đường kính đáy là 1m, người ta dùng một máy bơm có công suất 1350 lít trong 1 giờ. Hỏi sau khi bơm được $\frac{2}{3}$ giờ người ta tắt máy bơm thì lúc này nước đã tràn ra ngoài chưa?

Bài 5. (3,0 điểm)

Từ điểm M nằm ngoài đường tròn (O) vẽ hai tiếp tuyến MA, MB với đường tròn (O) (A và B là hai tiếp điểm). Vẽ cát tuyến MCD không đi qua tâm O (C nằm giữa M và D), MO cắt AB tại H .

a) Chứng minh M, A, O, B cùng nằm trên một đường tròn. Xác định tâm đường tròn đó.

b) Chứng minh: $MB \cdot MA = MC \cdot MD$ và HA là phân giác \widehat{CHD} .

c) Qua C kẻ đường thẳng song song với AD cắt AM tại I , cắt AB tại K . Chứng minh C là trung điểm của IK .

Bài 6. (0,75 điểm)

Cho ba số thực dương x, y, z thỏa mãn: $x + 2y + 3z = 2$.

Tìm giá trị lớn nhất của biểu thức: $S = \sqrt{\frac{xy}{xy+3z}} + \sqrt{\frac{3yz}{3yz+x}} + \sqrt{\frac{3xz}{3xz+4y}}$.